

# 数学X 2学期中間 完成ノート問題 (4~6組)

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題78]

次の計算をしなさい。

- (1)  $6\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$
- (2)  $7\sqrt{5} - 2\sqrt{5}$
- (3)  $2\sqrt{7} + 5\sqrt{7} - \sqrt{7}$
- (4)  $4\sqrt{3} - 8\sqrt{3} + 9\sqrt{3}$
- (5)  $-5\sqrt{6} + 14\sqrt{6} - 4\sqrt{6}$
- (6)  ~~$\frac{\sqrt{2}}{3} + \frac{5\sqrt{2}}{6} - \frac{\sqrt{2}}{2}$~~

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題79]

次の計算をしなさい。

- (1)  $6\sqrt{2} + 3\sqrt{3} - \sqrt{2} + 4\sqrt{3}$
- (2)  $-3\sqrt{6} + 7\sqrt{5} + 4\sqrt{6} - 11\sqrt{5}$
- (3)  $3\sqrt{7} - 2\sqrt{2} - 4\sqrt{7} + 4\sqrt{2} + 5\sqrt{7}$
- (4)  $-4\sqrt{2} + 3 + 7\sqrt{2} - 8 - 5\sqrt{7} - 1$
- (5)  $5\sqrt{6} - (-\sqrt{5}) + (-2\sqrt{6}) - \sqrt{6} + 2\sqrt{5}$
- (6)  $8\sqrt{3} - 4 + (-2\sqrt{3}) - (-6) - (-4\sqrt{3})$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題80]

次の計算をしなさい。

- (1)  $\sqrt{18} + \sqrt{50}$
- (2)  $\sqrt{96} - \sqrt{54}$
- (3)  $\sqrt{80} - \sqrt{180} + \sqrt{45}$
- (4)  $\sqrt{162} - \sqrt{200} + \sqrt{32}$
- (5)  $-\sqrt{63} - (-\sqrt{175}) - \sqrt{28}$
- (6)  $\sqrt{24} - \sqrt{6} - (-\sqrt{150}) + (-\sqrt{54})$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題81]

次の計算をしなさい。

- (1)  $\frac{6}{\sqrt{2}} - 3\sqrt{8}$
- (2)  $\sqrt{75} + \frac{12}{\sqrt{3}}$
- (3)  $\sqrt{54} \div \sqrt{2} - \sqrt{2} \times \sqrt{6}$
- (4)  ~~$\sqrt{18} \times \sqrt{12} - \sqrt{27} \div \sqrt{2}$~~
- (5)  $\sqrt{45} - \frac{5}{\sqrt{5}} + 3\sqrt{20}$
- (6)  $\frac{6}{\sqrt{2}} - \frac{5}{2\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{50}}{3}$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題82]

次の計算をしなさい。

- (1)  $\sqrt{2}(\sqrt{24} - \sqrt{2})$
- (2)  $(\sqrt{6} - \sqrt{3}) \times \sqrt{12}$
- (3)  $(\sqrt{54} - \sqrt{18}) \div \sqrt{2}$
- (4)  ~~$(\sqrt{30} - \sqrt{5}) \div \sqrt{5}$~~
- (5)  $(\sqrt{3} + \sqrt{5})(8 + \sqrt{15})$
- (6)  $(\sqrt{10} - 3)(\sqrt{5} + \sqrt{2})$
- (7)  $(-5 + \sqrt{21})(\sqrt{7} + \sqrt{3})$
- (8)  $(\sqrt{7} - \sqrt{6})(-\sqrt{42} + 8)$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題83]

次の計算をしなさい。

- (1)  $\sqrt{2}(\sqrt{3} + \sqrt{2}) - \sqrt{6}$
- (2)  $\sqrt{5}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{3}(\sqrt{60} - \sqrt{5})$
- (3)  $\sqrt{5}(2 + \sqrt{10}) - \sqrt{2}(5 - \sqrt{10})$
- (4)  $\sqrt{18} + \sqrt{8}(4 - \sqrt{3}) + \sqrt{216}$
- (5)  $\sqrt{3}(\sqrt{6} - 2) - \sqrt{2}(\sqrt{6} + 3)$
- (6)  $\sqrt{6}(5\sqrt{2} - \sqrt{18}) - \frac{24}{\sqrt{3}}$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題84]

次の計算をしなさい。

- (1)  $(\sqrt{2} + \sqrt{7})^2$
- (2)  $(\sqrt{5} + \sqrt{10})^2$
- (3)  $(\sqrt{10} - \sqrt{2})^2$
- (4)  $(\sqrt{7} + \sqrt{2})(\sqrt{7} - \sqrt{2})$
- (5)  $(\sqrt{14} - \sqrt{5})(\sqrt{14} + \sqrt{5})$
- (6)  $(4 + \sqrt{3})(4 - \sqrt{3})$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題85]

次の数の分母を有理化しなさい。

- (1)  $\frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$
- (2)  $\frac{4}{\sqrt{5} + 1}$
- (3)  $\frac{12}{\sqrt{7} - \sqrt{3}}$
- (4)  ~~$\frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{5} + \sqrt{2}}$~~
- (5)  $\frac{\sqrt{2} - 1}{6 - 3\sqrt{2}}$
- (6)  $\frac{2\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題86]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x = \sqrt{5} + \sqrt{2}, y = \sqrt{5} - \sqrt{2}$  のとき, 次の式の値を求めなさい。  
①  $x^2 + 2xy + y^2$       ②  $2x^2 - 4xy + 2y^2$
- (2)  $x = 3 - 2\sqrt{5}, y = 3 + 2\sqrt{5}$  のとき, 次の式の値を求めなさい。  
①  ~~$5x^2 + 10xy + 5y^2$~~       ②  $6x^2 - 6y^2$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題87]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x = \sqrt{7} + \sqrt{3}, y = \sqrt{7} - \sqrt{3}$  のとき,  $x^2 + y^2$  の値を求めなさい。
- (2)  $x = 2 - \sqrt{5}, y = 2 + \sqrt{5}$  のとき,  $5x^2 + 5y^2$  の値を求めなさい。

- (3)  ~~$x = \sqrt{6} + \sqrt{5}, y = \sqrt{6} - \sqrt{5}$~~  のとき,  $\frac{y}{x} + \frac{x}{y}$  の値を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題88]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $3 < \sqrt{a} < 4$  を満たすような自然数  $a$  を, すべて求めなさい。
- (2)  $4.5 < \sqrt{x} < 5.5$  を満たすような自然数  $x$  を, すべて求めなさい。
- (3)  $1 < \sqrt{2n} < 3$  を満たすような自然数  $n$  を, すべて求めなさい。

- (4)  ~~$-2 < -\sqrt{\frac{k}{3}} < -\frac{3}{2}$~~  を満たすような自然数  $k$  を, すべて求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題89]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $\sqrt{84a}$  が自然数となるような自然数  $a$  のうち, 最も小さいものを求めなさい。
- (2)  $\sqrt{250x}$  が自然数となるような自然数  $x$  のうち, 最も小さいものを求めなさい。

- (3)  ~~$\sqrt{\frac{1008}{n}}$~~  が 2 以上の自然数となるような自然数  $n$  のうち, 最も小さいものを求めなさい。

- (4)  $\sqrt{\frac{6125}{k}}$  が 2 以上の自然数となるような自然数  $k$  のうち, ~~最も大きいもの~~ を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題90]

次の数の整数部分と小数部分を, それぞれ求めなさい。

- (1) 7.35
- (2) 8.3 + 7.8
- (3) 12.06 - 5.68
- (4)  $\frac{7}{3} + \frac{3}{5}$
- (5)  ~~$\sqrt{13}$~~
- (6)  ~~$\sqrt{2} + \sqrt{3}$~~

- ↓ 下の式の単位のかけ方
- (1)  $\sqrt{6}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 + b^2$  の値を求めなさい。
  - (2)  $\sqrt{15}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 + b^2$  の値を求めなさい。
  - (3)  $\sqrt{12}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 - b^2$  の値を求めなさい。
  - (4)  $\sqrt{3}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^4 - b^4$  の値を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題91]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $\sqrt{6}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 + b^2$  の値を求めなさい。
- (2)  $\sqrt{15}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 + b^2$  の値を求めなさい。
- (3)  $\sqrt{12}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^2 - b^2$  の値を求めなさい。
- (4)  $\sqrt{3}$  の整数部分を  $a$ , 小数部分を  $b$  とするとき,  $a^4 - b^4$  の値を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題92]

次の計算をしなさい。

- (1)  $\sqrt{3} - 2\sqrt{2} - \frac{\sqrt{6} - 8}{\sqrt{2}}$
- (2)  $\sqrt{3} - \sqrt{5}(\sqrt{15} - 3) - \frac{15}{\sqrt{5}}$
- (3)  $\frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{72}}{3}(\sqrt{2} - 1)$
- (4)  $\frac{\sqrt{12} - \sqrt{8}}{\sqrt{2}(\sqrt{3} - \sqrt{2})}$
- (5)  $\frac{2 + \sqrt{12}}{\sqrt{6}} - \frac{\sqrt{15} + \sqrt{20}}{\sqrt{10}}$
- (6)  $\frac{\sqrt{5}(\sqrt{10} + 3)}{5} - \frac{3 + \sqrt{20}}{\sqrt{5}} + \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{2}}$
- (7)  $(\sqrt{2} + 1)^2 - \sqrt{32} + \frac{4}{\sqrt{2}}$
- (8)  $\frac{8}{\sqrt{2}} - 3\sqrt{6} \times \sqrt{54} + (\sqrt{2} - 2)^2$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題93]

次の計算をしなさい。

- (1)  $(3 + \sqrt{3})^2 - (\sqrt{3} - 3)^2$
- (2)  $(\sqrt{5} + 1 + \sqrt{3})^2 - (\sqrt{5} - 1 + \sqrt{3})^2$
- (3)  $(\sqrt{2} - \sqrt{6} - \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{6} + \sqrt{3})$
- (4)  $(\sqrt{2} - \sqrt{3} + \sqrt{5})(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5})$

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題94]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{2}}, y = \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{2}}$  のとき,  $x^2 - y^2$  の値を求めなさい。
- (2)  $x = \frac{2 + \sqrt{5}}{3}, y = \frac{2 - \sqrt{5}}{3}$  のとき,  $x^2 - 4xy + y^2$  の値を求めなさい。
- (3)  $x = \frac{\sqrt{2} - 1}{3}, y = \frac{\sqrt{2} + 1}{3}$  のとき,  $x^2 + xy + y^2$  の値を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題95]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x = 3 + \sqrt{2}$  のとき,  $x^2 - 6x$  の値を求めなさい。
- (2)  $x = \frac{1 - \sqrt{5}}{3}$  のとき,  $9x^2 - 6x$  の値を求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題96]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $\sqrt{k}$  の整数部分が 5 となるような整数  $k$  の個数を求めなさい。
- (2)  $\sqrt{30 - a}$  が整数となるような 0 以上の整数  $a$  を, すべて求めなさい。
- (3)  $\sqrt{330 - 6n}$  が自然数となるような自然数  $n$  を, すべて求めなさい。

## [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題98]

次の循環小数を, 0.6 のような表し方で書きなさい。

- (1) 0.22222.....
- (2) 3.13333.....
- (3) 0.414141.....
- (4) 3.707070.....
- (5) 5.512512512.....
- (6) 0.00295295295.....

## 数学X 2学期中間 完成ノート問題 (4~6組)

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題99]

次の分数を小数に直し、 $0.\dot{6}$ のような表し方で書きなさい。

- |                    |                     |                    |
|--------------------|---------------------|--------------------|
| (1) $\frac{4}{3}$  | (2) $\frac{2}{9}$   | (3) $\frac{7}{6}$  |
| (4) $\frac{3}{11}$ | (5) $\frac{25}{22}$ | (6) $\frac{22}{7}$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題100]

次の循環小数を分数で表しなさい。

- |                         |                  |                          |
|-------------------------|------------------|--------------------------|
| (1) $0.\dot{4}$         | (2) $2.\dot{3}$  | (3) $0.\dot{7}\dot{9}$   |
| (4) $0.\dot{4}5\dot{6}$ | (5) $2.1\dot{6}$ | (6) $3.9\ddot{7}\dot{2}$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題101]

次の式を計算し、結果を分数で表しなさい。

- |   |  |
|---|--|
| (1) $1.\dot{3} + 2.\dot{7}$             | (2) $0.5\dot{1} + 0.3\dot{4}$            |
| (3) $0.\dot{1}\dot{8} \times 2.\dot{7}$ | (4) $0.1\dot{2} \times 0.\dot{3}\dot{0}$ |
| (5) $1.\dot{1}\dot{2} \div 3.\dot{6}$   | (6) $1.4\dot{5} \div 0.0\dot{5}$         |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題102]

次にあげる数について、下の間に答えなさい。

$$-7, 0, \frac{35}{5}, \frac{15}{8}, \sqrt{\left(-\frac{3}{4}\right)^2}, -\sqrt{3}, \sqrt{9}, \frac{6}{\sqrt{6}}, (\sqrt{8})^2, \pi$$

- |                |                |
|----------------|----------------|
| (1) 自然数を選びなさい。 | (2) 整数を選びなさい。  |
| (3) 有理数を選びなさい。 | (4) 無理数を選びなさい。 |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題103]

右の表の左側にあげたそれぞれの数の範囲

数の範囲	加法	減法	乗法	除法
(1) 5の倍数				
(2) 正の整数				
(3) 無理数				

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題110]

次の方程式のうち、2次方程式をすべて選びなさい。

- |                              |                               |
|------------------------------|-------------------------------|
| (1) $x^2 = 8$                | (2) $4x^2 = 16x$              |
| (3) $x(x-3) = 6 + x^2$       | (4) $(x+4)(x-4) = (2x-1)^2$   |
| (5) $(4x-3)(2x-1) = 8x(x+1)$ | (6) $x^2 + (x+1)^2 = (x+2)^2$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題111]

次の2次方程式のうち、 $x=4$ が解であるものを選びなさい。

- |                            |                               |
|----------------------------|-------------------------------|
| (1) $x^2 = 16$             | (2) $x^2 - 3x = 28$           |
| (3) $(x+1)(x-3) = 5$       | (4) $(3x-5)^2 = 10(x+1) - 1$  |
| (5) $2x(x-2) = (x+2)(x-1)$ | (6) $(x+1)^2 = x^2 + (x-1)^2$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題112]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                        |                         |                         |
|------------------------|-------------------------|-------------------------|
| (1) $x^2 - 5x + 4 = 0$ | (2) $x^2 + 4x + 3 = 0$  | (3) $x^2 + 5x + 4 = 0$  |
| (4) $x^2 - 2x - 3 = 0$ | (5) $x^2 + 3x - 10 = 0$ | (6) $x^2 - 3x - 40 = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題113]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                     |                     |                      |
|---------------------|---------------------|----------------------|
| (1) $x^2 - 8x = -7$ | (2) $x^2 + x = 12$  | (3) $x^2 + 9x = -18$ |
| (4) $x^2 - 5x = -6$ | (5) $x^2 + 2x = 35$ | (6) $x^2 + 6x = -8$  |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題114]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                         |                          |                         |
|-------------------------|--------------------------|-------------------------|
| (1) $2x^2 - 7x + 5 = 0$ | (2) $3x^2 + 10x + 3 = 0$ | (3) $4x^2 - 5x - 6 = 0$ |
| (4) $6x^2 - 19x = -15$  | (5) $15x^2 + 2x = 1$     | (6) $18x^2 + 27x = -10$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題115]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                     |                      |                   |
|---------------------|----------------------|-------------------|
| (1) $x^2 + 5x = 0$  | (2) $x^2 - 4x = 0$   | (3) $x^2 = -2x$   |
| (4) $2x^2 + 6x = 0$ | (5) $3x^2 - 15x = 0$ | (6) $4x^2 = -16x$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題116]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                              |                        |                            |
|------------------------------|------------------------|----------------------------|
| (1) $x(x-9) = -14$           | (2) $(x-2)^2 - 25 = 0$ | (3) $(x+3)(x+8) = -6$      |
| (4) $0 = x^2 + 2(x-1)^2 - 9$ | (5) $5a(2a-1) = 2a-1$  | (6) $4(t+2)(t-5) + 13 = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題117]

次の2次方程式を因数分解を利用して解きなさい。

- |                          |                                   |
|--------------------------|-----------------------------------|
| (1) $(x-5)^2 = 0$        | (2) $x^2 - 12x + 36 = 0$          |
| (3) $x^2 + 16x + 64 = 0$ | (4) $9x^2 - 12x + 4 = 0$          |
| (5) $16x^2 + 24x = -9$   | (6) $36a^2 - 55a + 80 = 77a - 41$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題118]

次の2次方程式を解きなさい。

- |                           |                                    |                             |
|---------------------------|------------------------------------|-----------------------------|
| (1) $x^2 = 9$             | (2) $x^2 = 64$                     | (3) $x^2 = \frac{1}{25}$    |
| (4) $2x^2 = 72$           | (5) $7x^2 = 175$                   | (6) $-4x^2 = -256$          |
| (7) $\frac{1}{3}x^2 = 27$ | (8) $\frac{1}{9}x^2 = \frac{1}{4}$ | (9) $-\frac{2}{5}x^2 = -40$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題119]

次の2次方程式を解きなさい。

- |                          |                           |                             |
|--------------------------|---------------------------|-----------------------------|
| (1) $x^2 = 7$            | (2) $x^2 = 8$             | (3) $x^2 = 12$              |
| (4) $x^2 = 50$           | (5) $2x^2 = 30$           | (6) $5x^2 = 140$            |
| (7) $\frac{1}{3}x^2 = 5$ | (8) $\frac{5}{6}x^2 = 15$ | (9) $-\frac{3}{4}x^2 = -18$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題120]

次の2次方程式を解きなさい。

- |                       |  |   |
|-----------------------|--|---|
| (1) $3x^2 - 12 = 0$   | (2) $8x^2 - 64 = 0$                    | (3) $16x^2 - 9 = 0$                       |
| (4) $49x^2 - 36 = 0$  | (5) $50x^2 - 22 = 0$                   | (6) $12x^2 - 81 = 0$                      |
| (7) $98x^2 - 162 = 0$ | (8) $\frac{1}{4}x^2 - \frac{5}{9} = 0$ | (9) $\frac{2}{5}x^2 - \frac{35}{128} = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題121]

次の2次方程式を解きなさい。

- |   |                               |   |
|---|-------------------------------|---|
| (1) $(x-1)^2 = 16$                      | (2) $(x-3)^2 = 36$            | (3) $(a+4)^2 = 81$                      |
| (4) $(x-6)^2 = \frac{9}{4}$             | (5) $(x+1)^2 = \frac{16}{49}$ | (6) $(x-\frac{2}{3})^2 = \frac{1}{9}$   |
| (7) $(x-\frac{5}{4})^2 = \frac{81}{16}$ | (8) $(5t-3)^2 = 144$          | (9) $(5x-\frac{2}{3})^2 = \frac{64}{9}$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題122]

次の2次方程式を解きなさい。

- |                        |                         |                         |
|------------------------|-------------------------|-------------------------|
| (1) $(x-2)^2 - 36 = 0$ | (2) $(x+3)^2 - 16 = 0$  | (3) $(x+4)^2 - 12 = 0$  |
| (4) $(t+2)^2 - 24 = 0$ | (5) $3(x-5)^2 - 72 = 0$ | (6) $4(x+3)^2 - 32 = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題123]

次の2次方程式を  $(x+m)^2 = n$  の形に変形して解きなさい。

- |                                  |                        |                          |
|----------------------------------|------------------------|--------------------------|
| (1) $x^2 + 2x - 4 = 0$           | (2) $x^2 - 8x + 4 = 0$ | (3) $x^2 + 10x + 13 = 0$ |
| (4) $x^2 + 3x - \frac{7}{2} = 0$ | (5) $x^2 - x - 4 = 0$  | (6) $x^2 - 5x + 5 = 0$   |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題124]

次の2次方程式を、下の解の公式(I)を用いて解きなさい。

解の公式(I) : 2次方程式  $ax^2 + bx + c = 0$  の解は  

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- |                         |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| (1) $2x^2 + 5x + 1 = 0$ | (2) $3x^2 + x - 3 = 0$  | (3) $7x^2 - 3x - 1 = 0$ |
| (4) $2x^2 - 5x - 4 = 0$ | (5) $5x^2 - 5x + 1 = 0$ | (6) $6x^2 + 3x - 4 = 0$ |
| (7) $5x^2 + 5x - 1 = 0$ | (8) $x^2 - 4x - 3 = 0$  | (9) $3x^2 + 4x - 6 = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題125]

次の2次方程式を、下の解の公式(I)を用いて解きなさい。

解の公式(I) : 2次方程式  $ax^2 + bx + c = 0$  の解は  

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- |                         |                         |                          |
|-------------------------|-------------------------|--------------------------|
| (1) $x^2 + 3x - 4 = 0$  | (2) $5x^2 - 2x - 3 = 0$ | (3) $3x^2 - 5x + 2 = 0$  |
| (4) $2x^2 - 7x - 4 = 0$ | (5) $4x^2 + 5x + 1 = 0$ | (6) $4x^2 - 12x + 9 = 0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題126]

次の2次方程式を、下の解の公式(II)を用いて解きなさい。

解の公式(II) : 2次方程式  $ax^2 + 2bx + c = 0$  の解は  

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{a}$$

- |                         |                         |                          |
|-------------------------|-------------------------|--------------------------|
| (1) $x^2 + 6x + 3 = 0$  | (2) $x^2 - 2x - 1 = 0$  | (3) $2x^2 + 4x - 5 = 0$  |
| (4) $3x^2 - 8x - 8 = 0$ | (5) $4x^2 - 6x - 3 = 0$ | (6) $3x^2 - 10x + 3 = 0$ |

## 数学X 2学期中間 完成ノート問題 (4~6組)

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題127]

次の2次方程式を、解の公式を用いて解きなさい。

- |   |   |
|---|---|
| (1) $5x=3(1-x^2)$                                 | (2) $2(t^2+5)=9t$                               |
| (3) $t(2t+3)+6=(t-3)(t-4)$                        | (4) $\frac{1}{6}x^2+\frac{1}{4}x-\frac{3}{4}=0$ |
| (5) $\frac{x^2}{12}-\frac{x}{4}=\frac{1}{3}(x+1)$ | (6) $0.2t^2-0.5t-1.2=0$                         |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題128]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x$  の2次方程式  $2x^2+(m+1)x+5m=0$  の解の1つが  $-2$  であるとき、定数  $m$  の値を求めなさい。
- (2)  $x$  の2次方程式  $x^2-mx-m^2-11=0$  の解の1つが  $5$  であるとき、定数  $m$  の値を求めなさい。
- (3)  $x$  の2次方程式  $x^2+4mx-(m-3)^2=1$  の解の1つが  $1$  であるとき、定数  $m$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題129]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x$  の2次方程式  $kx^2-(5k-1)x+k^2+3=0$  が  $1$  を解にもつとき、定数  $k$  の値を求めなさい。
- (2) (1)の2次方程式の1以外の解を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題130]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x$  の2次方程式  $x^2+ax+b=0$  が  $-1$  と  $5$  を解にもつとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。
- (2)  $x$  の2次方程式  $x^2+ax+b=0$  が  $-3$  と  $4$  を解にもつとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題131]

次の2次方程式の実数解の個数を求めなさい。

- |                   |                   |                     |
|-------------------|-------------------|---------------------|
| (1) $5x^2-3x-2=0$ | (2) $3x^2+7x+5=0$ | (3) $4x^2-20x+25=0$ |
| (4) $4x^2-4x+1=0$ | (5) $x^2+5x-2=0$  | (6) $3x^2-x+1=0$    |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題132]

次の2次方程式を解きなさい。

- |                                   |                              |
|-----------------------------------|------------------------------|
| (1) $(x-2)^2-2(x-1)(x+3)=1$       | (2) $(x+4)(x+6)=-x(3x+10)$   |
| (3) $(2x-3)(5x+6)-(3x+4)(3x-4)=0$ | (4) $2x(x+1)-7=(x+3)(3x-1)$  |
| (5) $3x+1=\frac{1}{4}(x-4)^2$     | (6) $\frac{x(x+1)}{3}=x^2-1$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題133]

次の2次方程式を解きなさい。

- |  |   |
|--|---|
| (1) $(x-10)^2-9(x-10)-22=0$  | (2) $(3x-2)^2-8(3x-2)+16=0$             |
| (3) $4\left(x+\frac{3}{8}\right)^2-\left(x+\frac{3}{8}\right)-1=0$ | (4) $2(x-\sqrt{3})^2-3(x-\sqrt{3})-2=0$ |

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題134]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x$  の2次方程式  $x^2-ax+2=0$  が  $2-\sqrt{2}$  を解にもつとき、定数  $a$  の値と、 $2-\sqrt{2}$  以外の解を求めなさい。
- (2)  $x$  の2次方程式  $x^2+(a-11)x+15=0$  の解の1つが  $a$  であるとき、 $a$  の値を求めなさい。
- (3)  $x$  の2次方程式  $x^2+ax+8a+8=0$  …… ① と  $x^2-x+a=0$  …… ② について、①の解の1つが  $a$  であるとき、 $a$  の値と②の解を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題135]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 2次方程式  $x^2-2x-3=0$  の2つの解に、それぞれ1を加えたものが、 $x$  の2次方程式  $x^2+ax+b=0$  の2つの解となる。このとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。
- (2) 2次方程式  $2x^2-x-6=0$  の2つの解を、それぞれ2倍したものが、 $x$  の2次方程式  $ax^2-5x+b=0$  の2つの解となる。このとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。
- (3)  $x$  の2次方程式  $x^2+ax+b=0$  の2つの解に、それぞれ2を加えたものが、2次方程式  $x^2-4x+3=0$  の2つの解となる。このとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。
- (4)  $x$  の2次方程式  $x^2+ax+b=0$  の2つの解を、それぞれ4倍したものが、2次方程式  $x^2-4x-16=0$  の2つの解となる。このとき、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題136]

2次方程式  $x^2-8x+9=0$  の2つの解のうち、大きい方を  $a$ 、小さい方を  $b$  とする。

次の式の値を求めなさい。

- |           |           |
|-----------|-----------|
| (1) $a+b$ | (2) $a-b$ |
|-----------|-----------|

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題137]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 2次方程式  $x^2-3x=5$  の2つの解を  $a$ ,  $b$  とするとき、 $a^2-3a+b^2-3b$  の値を求めなさい。
- (2) 2次方程式  $x^2-2x-4=0$  の2つの解を  $a$ ,  $b$  とするとき、 $(a^2-2a+3)(3b^2-6b)$  の値を求めなさい。
- (3) 2次方程式  $3x^2-3x-2=0$  の2つの解を  $a$ ,  $b$  とするとき、 $(a^2-a-1)(b^2-b+1)$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題138]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $x$  の2次方程式  $x^2+5x+7m+1=0$  が異なる2つの実数解をもつような定数  $m$  の値の範囲を求めなさい。
- (2)  $x$  の2次方程式  $2x^2+8x+3k+2=0$  がただ1つの実数解をもつような定数  $k$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題139]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1) ある数  $x$  に2をたして2乗した数と、 $x$  を4倍して8をたした数が等しくなった。 $x$  の値を求めなさい。
- (2) ある数  $x$  の3倍に2をたして2乗した数と、 $x$  の2乗を3倍して4をたした数が等しくなった。 $x$  の値を求めなさい。
- (3) ある数  $x$  がある。 $2x$  と  $x+5$  の和を4倍した数は、 $2x$  と  $x+5$  の積より4だけ小さくなるという。 $x$  の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題140]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1) ある自然数を2倍するところを、誤って2乗したために、正しい答より120だけ大きくなってしまった。ある自然数を求めなさい。
- (2) ある自然数を2乗して5をひくところを、誤って2倍して5をひいたために、正しい答より35だけ小さくなってしまった。ある自然数を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題141]

次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 和が4、積が-4となる2つの数を求めなさい。
- (2) 積が90となるような連続する2つの整数を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題142]

たいちさんとけいこさんは「和が5、積が6となる2つの数を求めなさい。」という問題について考えている。次の会話文を読んで、下の問い合わせに答えなさい。

「和が5、積が6となる2つの数」って、因数分解をするときにも考えたよね。例えば、 $x$  の2次式  $x^2+\boxed{\textcircled{1}}x+\boxed{\textcircled{2}}$  を  $(x+\boxed{\textcircled{3}})(x+\boxed{\textcircled{4}})$  に因数分解するときの  $\boxed{\textcircled{3}}$ ,  $\boxed{\textcircled{4}}$  がそだつたね。

そうだね。でも、 $\boxed{\textcircled{3}}$ ,  $\boxed{\textcircled{4}}$  は  $x$  の2次方程式  $x^2+\boxed{\textcircled{1}}x+\boxed{\textcircled{2}}=0$  の解というわけではないね。どのような2次方程式なら、和が5、積が6となるような2つの解をもつんだろう?

- (1) 上の  $\boxed{\textcircled{1}} \sim \boxed{\textcircled{4}}$  にあてはまる数を答えなさい。ただし、 $\boxed{\textcircled{3}} < \boxed{\textcircled{4}}$  とする。

- (2) 和が5、積が6となるような2つの解をもつ2次方程式を1つ答えなさい。

- (3) 和が3、積が1となる2つの数を、(1), (2)を参考にして求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題143]

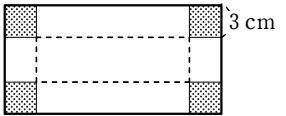
次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 連続する2つの自然数がある。小さい方の数を2乗したものは、大きい方の数を5倍したものより1だけ大きいという。小さい方の数を求めなさい。
- (2) 連続する3つの自然数がある。最も大きい数の2乗は、他の2つの数をそれぞれ2乗したものの和より5小さいという。これら3つの数を求めなさい。
- (3) 連続する2つの正の奇数がある。小さい数の平方と大きい数の平方との和は、2つの数の積に39をたした数に等しくなるという。この2つの正の奇数を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題144]

横の長さが縦の長さの2倍の長方形の紙がある。

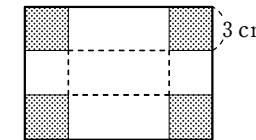
右の図のように、この紙の四隅から、1辺の長さが3cmの正方形を切り取り、ふたのない直方体の容器を作ると、容積が168cm<sup>3</sup>になるという。もとの長方形の紙の縦の長さを求めなさい。



## 数学X 2学期中間 完成ノート問題 (4~6組)

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題145]

横の長さが縦の長さより4cm長い長方形の紙がある。右の図のように、この紙の四隅から、1辺の長さが3cmの正方形を切り取り、ふたのない直方体の容器を作ると、容積が $96\text{ cm}^3$ になるという。もとの長方形の紙の横の長さを求めなさい。



### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題146]

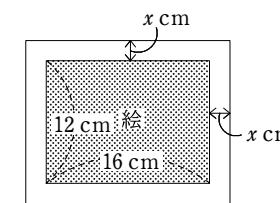
長方形ABCDの辺AB, ADをそれぞれ3cm, 2cm短くすると正方形になり、その正方形の面積はもとの長方形の面積のちょうど半分になるという。もとの長方形の面積を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題147]

長さが12cmの針金を2本に切り、それぞれで正方形を作ると、2つの正方形の面積の和は $8\text{ cm}^2$ になるという。このとき、大きい方の正方形の1辺の長さを求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題148]

右の図のように、縦が12cm、横が16cmの大きさの絵を台紙に貼ったところ、周囲の余白の幅が等しくなった。絵の面積が台紙の面積の $\frac{3}{5}$ であるとき、余白の幅を $x\text{ cm}$ として方程式をつくり、余白の幅を求めなさい。



### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題149]

次の問い合わせに答えなさい。

(1) AさんはBさんより5つ年上である。また、Aさんの年齢の16倍と、Bさんの年齢の2乗が等しいという。AさんとBさんの年齢をそれぞれ求めなさい。

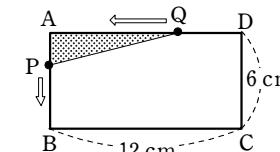
(2) 兄は弟より4つ年上で、現在、兄の年齢の10倍は、弟の年齢の2乗より1だけ大きいという。また、父の年齢は47歳である。

① 兄と弟の年齢をそれぞれ求めなさい。

② 兄の年齢と弟の年齢の積が、父の年齢の7倍に等しくなるのは何年後であるか求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題150]

右の図のように、縦が6cm、横が12cmの長方形ABCDがある。点Pは点Aを出発して、辺AB上を毎秒1cmの速さで点Bまで動く。また、点Qは点Pと同時に点Dを出発して、辺DA上を毎秒2cmの速さで点Aまで動く。



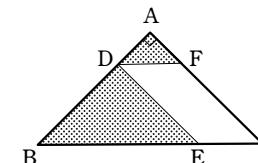
次の問い合わせに答えなさい。

(1) 点Pが点Aを出発してから $x$ 秒後のAQの長さを求めなさい。

(2)  $\triangle APQ$ の面積が $8\text{ cm}^2$ になるのは、点Pが点Aを出発してから何秒後であるか求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題151]

右の図のように、 $\angle A=90^\circ$ 、 $AB=AC=6\text{ cm}$ の $\triangle ABC$ がある。辺AB, BC, CA上に、それぞれ点D, E, Fをとり、四角形DECFが平行四辺形になるようにする。 $\triangle ADF$ の面積と $\triangle DBE$ の面積の和が $10\text{ cm}^2$ になるとき、ADの長さを求めなさい。



### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題152]

次の問い合わせに答えなさい。

(1) 直線 $ax-(a-2)y=-7$ が、点 $(2a-3, a+9)$ を通るように、定数 $a$ の値を定めなさい。

(2) 3点A(-1, -1), B(2, 5), C( $t+1, t^2$ )が同じ直線上にあるように、定数 $t$ の値を定めなさい。

(3) 3直線 $2x-y-7=0 \dots \textcircled{1}$ ,  $3x+4y-5=0 \dots \textcircled{2}$ ,  $k^2x-y+k-5=0 \dots \textcircled{3}$ について、 $\textcircled{1}$ と $\textcircled{2}$ の交点を $\textcircled{3}$ が通るように、定数 $k$ の値を定めなさい。

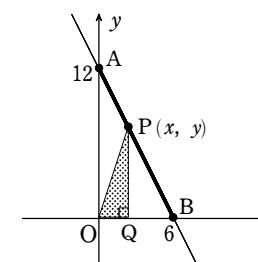
### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題153]

右の図のように、点A(0, 12), B(6, 0), P( $x, y$ )をとり、点Pから $x$ 軸に下ろした垂線と $x$ 軸との交点をQとする。次の問い合わせに答えなさい。

(1) 2点A, Bを通る直線の式を求めなさい。

(2) 点Pが線分AB上を動くとき、 $\triangle OPQ$ の面積 $S$ を $x$ の式で表しなさい。

(3)  $S=9$ となる点Pの座標を求めなさい。



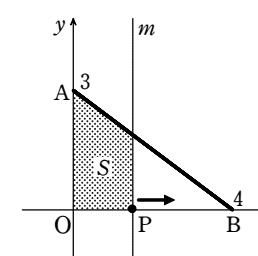
### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題154]

右の図のように、3点O(0, 0), A(0, 3), B(4, 0)を頂点とする直角三角形OABがある。点Pは、原点Oを出発して、 $x$ 軸上を毎秒1cmの速さで点Bまで動く。また、点Pを通り、 $y$ 軸に平行な直線を $m$ とする。点Pが原点Oを出発して $t$ 秒後に、直線 $m$ によって分けられる $\triangle OAB$ の2つの部分のうち、点Aを含む方の图形の面積を $S\text{ cm}^2$ とする。グラフの1目もりを1cmとし、次の問い合わせに答えなさい。

(1)  $t=3$ のとき、 $S$ の値を求めなさい。

(2)  $S$ を $t$ の式で表しなさい。

(3)  $S=\frac{9}{2}$ となるような $t$ の値を求めなさい。



### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題155]

次の問い合わせに答えなさい。

(1) 原価800円の品物に $x$ 割の利益を見込んで定価をつけたが、売れないでの定価の $x$ 割引きで売ったところ、品物1個あたり32円の損となった。 $x$ の値を求めなさい。

(2) 値段を10円下げるとき、売り上げ個数が4個増える見込みの商品がある。この商品を定価である500円で売ったとき、100個売れた。この商品をある値段で売って、定価で売ったときよりも、売り上げ総額が8%増えるようにしたい。いくらで売ればよいか求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題156]

次の問い合わせに答えなさい。

(1) 1辺の長さが5cmの立方体がある。この立方体の辺の長さをそれぞれ $x\text{ cm}$ 長くしたところ、表面積が96%増加した。 $x$ の値を求めなさい。

(2) 半径が10cmの球がある。この球の半径を $x\%$ 大きくしたところ、表面積が21%増加した。 $x$ の値を求めなさい。

### [新課程 体系問題集2【標準】 代数編 問題157]

10%の食塩水100gが入っている容器がある。この容器から $x\text{ g}$ の食塩水を取り出し、かわりに $x\text{ g}$ の水を入れてよくかき混ぜた。さらに、1回目に取り出した量の2倍の量の食塩水を取り出し、それと同量の水を入れてよくかき混ぜたところ、食塩水の濃度は4.8%になった。

(1) 1回目の操作で容器に残る食塩の量を、 $x$ を用いて表しなさい。

(2) 1回目に取り出した食塩水の量を求めなさい。